

इस परीक्षा पुस्तिका में 56 मुद्रित पृष्ठ हैं।
This booklet contains 56 printed pages.

PGNE-I

प्रश्न-पत्र I / PAPER I

गणित / MATHEMATICS

परीक्षा पुस्तिका संख्या
Test Booklet No.

परीक्षा पुस्तिका संकेत

Test Booklet Code

3146624

इस परीक्षा पुस्तिका को तब तक न खोलें जब तक कहा न जाए।

Do not open this Test Booklet until you are asked to do so.

इस परीक्षा पुस्तिका के पिछले आवरण पर दिए गए निर्देशों को ध्यान से पढ़ें।

Read carefully the Instructions on the Back Cover of this Test Booklet.



परीक्षार्थियों के लिए निर्देश

INSTRUCTIONS FOR CANDIDATES

1. OMR उत्तर-पत्र इस परीक्षा पुस्तिका के अन्दर रखा है। जब आपको परीक्षा पुस्तिका खोलने को कहा जाए, तो उत्तर-पत्र निकालें और पृष्ठ-1 एवं पृष्ठ-2 पर विवरण केवल काले/नीले बॉलपॉइंट पेन से ध्यान से भरें।
2. परीक्षा की अवधि 3 घंटे है एवं 200 प्रश्न हैं। कोई नकारात्मक अंकन नहीं है।
3. इस पृष्ठ पर विवरण लिखने एवं OMR उत्तर-पत्र में उत्तर पर निशान लगाने के लिए केवल काले/नीले बॉलपॉइंट पेन का प्रयोग करें।
4. इस परीक्षा पुस्तिका का कोड H है। यह सुनिश्चित कर लें कि इस परीक्षा पुस्तिका का कोड OMR उत्तर-पत्र के पृष्ठ-2 पर मुद्रित कोड के समान है। यह भी सुनिश्चित कर लें कि आपकी परीक्षा पुस्तिका संख्या और OMR उत्तर-पत्र संख्या एक समान हैं। यदि कोई त्रुटि हो, तो परीक्षार्थी परीक्षा पुस्तिका और उत्तर-पत्र दोनों को बदलने के लिए अर्वाधिकार तुरंत मामले की रिपोर्ट करें।
5. इस परीक्षा पुस्तिका के तीन भाग हैं। भाग I, भाग II और भाग III जिसमें बहुविकल्पीय वस्तुनिष्ठ प्रकार के 200 प्रश्न हैं, जिनमें 01 अंक का है:
भाग-I : (1) सामान्य अंग्रेजी (प्र. सं. 1 से 20)
(2) सामान्य हिन्दी (प्र. सं. 21 से 40)
भाग-II : (1) सामयिक घटनाएँ (प्र. सं. 41 से 60)
(2) तर्क संगत एवं संख्यात्मक क्षमता (प्र. सं. 61 से 80)
(3) शिक्षण पद्धति (प्र. सं. 81 से 100)
भाग-III : इसमें प्रश्न सं. 101-200 विषय-विशिष्ट पर आधारित हैं। (उत्तर दिए जाने वाले विषय का मिलान चुने हुए विषय एवं प्रवेश पत्र पर विषय के अनुसार होना चाहिए।)
प्रत्येक प्रश्न के चार उत्तर विकल्प (1), (2), (3) एवं (4) के रूप में दिए गए हैं।
सबसे उपयुक्त विकल्प चुनें एवं OMR पत्र में दिए गए निर्देशों के अनुसार उत्तर को चिह्नित करें।
रफ़ कार्य परीक्षा पुस्तिका में उपलब्ध कराया गया स्थान पर करें।
उत्तर केवल OMR उत्तर-पत्र पर ही अंकित करें। अपने उत्तर ध्यानपूर्वक अंकित करें। उत्तर बदलने हेतु व्हाइटनर के प्रयोग की अनुमति नहीं है।

1. The OMR Answer Sheet is inside this Test Booklet. When you are directed to open the Test Booklet, take out the Answer Sheet and fill in the particulars on Side-1 and Side-2 carefully with Black/Blue Ballpoint Pen only. The test is of 3 hours duration and consists of 200 questions. There is no negative marking. Use Black/Blue Ballpoint Pen only for writing particulars on this page and marking responses in the OMR Answer Sheet.
2. The CODE for this Test Booklet is H. Make sure that the CODE printed on Side-2 of the OMR Answer Sheet is the same as that on this Test Booklet. Also ensure that your Test Booklet No. and OMR Answer Sheet No. are the same. In case of any discrepancy, the candidate should immediately report the matter to the invigilator for replacement of both the Test Booklet and the Answer Sheet.
3. This Test Booklet has THREE parts, Part I, Part II and Part III consisting of 200 multiple choice objective type questions carrying each 01 mark:
Part-I : (1) General English (Q. No. 1 to 20)
(2) General Hindi (Q. No. 21 to 40)
Part-II : (1) Current Affairs (Q. No. 41 to 60)
(2) Reasoning and Numerical Ability (Q. No. 61 to 80)
(3) Teaching Methodology (Q. No. 81 to 100)
Part-III : Consists of Questions from 101-200 which are Subject Specific.
(The Subject being answered must tally with the subject opted and as per Subject on Admit Card).
4. Each Question has four answer options given as (1), (2), (3) and (4).
Choose the most appropriate option and mark the answer as per instructions given in the OMR Answer Sheet.
Rough work should be done only in the space provided in the Test Booklet.
The answers are to be recorded on the OMR Answer Sheet only. Mark your responses carefully. No whitener is allowed for changing the answers.

परीक्षार्थी का नाम (बड़े अक्षरों में) : MANOJ KUMAR GIRI

Name of the Candidate (in Capitals) :

अनुक्रमांक : (अंकों में) 18601036

Roll Number : in figures : (शब्दों में) One eight six zero five two three six

परीक्षा-केन्द्र (बड़े अक्षरों में) : K.V. D. CAMPUS KANCHANPUR VARANASI

Centre of Examination (in Capitals) :

परीक्षार्थी के हस्ताक्षर : manoj

Candidate's Signature :

Facsimile signature stamp of Centre Superintendent

अधीक्षक के हस्ताक्षर : [Signature]

Invigilator's Signature :

PGNE-I



Part - III / भाग - III
MATHEMATICS / गणित

101. The projection of the vector $\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ on the vector $4\hat{i} - 4\hat{j} + 7\hat{k}$ is

(1) $\frac{5\sqrt{5}}{19}$

(2) $\frac{19}{9}$

(3) $\frac{9}{19}$

(4) $\frac{\sqrt{6}}{19}$

$$\frac{4+8+7}{\sqrt{16+16+49}} = \frac{19}{\sqrt{81}} = \frac{19}{9}$$

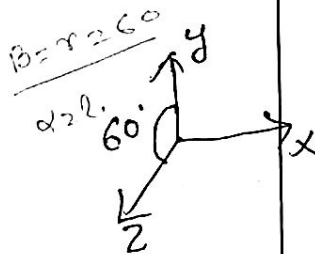
102. A straight line which makes an angles of 60° with y and z axes, inclines with x - axis at an angle

(1) 45°

(2) 30°

(3) 75°

(4) 60°



101. सदिश $\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$ का सदिश $4\hat{i} - 4\hat{j} + 7\hat{k}$ पर प्रक्षेप है

(1) $\frac{5\sqrt{5}}{19}$

(2) $\frac{19}{9}$

(3) $\frac{9}{19}$

(4) $\frac{\sqrt{6}}{19}$

$$\frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{b}|} = \frac{4+8+7}{\sqrt{16+16+49}} = \frac{19}{\sqrt{81}} = \frac{19}{9}$$

102. एक सरल रेखा जो y तथा z अक्ष, से 60° के कोण बनाती है, x-अक्ष पर जिस कोण पर झुकी हुई है, वह है

(1) 45°

(2) 30°

(3) 75°

(4) 60°

$$\cos^2 \alpha + \cos^2 \beta + \cos^2 \gamma = 1$$

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \cos^2 \beta = 1 \Rightarrow \cos^2 \beta = \frac{1}{2}$$

$$\cos \beta = \frac{1}{\sqrt{2}} \Rightarrow \beta = 45^\circ$$

103. Let $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ be three vectors such that $\vec{a} \cdot (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \cdot (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = 0$ and $|\vec{a}| = 1, |\vec{b}| = 4$ and $|\vec{c}| = 8$, then $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|$ equals

(1) 13

(2) 81

(3) 9

(4) 5

$$|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|^2 = 1 + 16 + 64 + 2 \cdot 1 \cdot 4 \cdot \cos \theta + 2 \cdot 1 \cdot 8 \cdot \cos \theta + 2 \cdot 4 \cdot 8 \cdot \cos \theta$$

$$= 81 + 16 \cos \theta + 32 \cos \theta + 64 \cos \theta = 81 + 112 \cos \theta$$

103. माना $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ तीन ऐसे सदिश हैं, कि $\vec{a} \cdot (\vec{b} + \vec{c}) + \vec{b} \cdot (\vec{c} + \vec{a}) + \vec{c} \cdot (\vec{a} + \vec{b}) = 0$ है तथा $|\vec{a}| = 1, |\vec{b}| = 4$ तथा $|\vec{c}| = 8$ है, तो $|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|$ बराबर है

(1) 13

(2) 81

(3) 9

(4) 5

$$|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + |\vec{c}|^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{b} + 2\vec{a} \cdot \vec{c} + 2\vec{b} \cdot \vec{c}$$

$$= 1 + 16 + 64 + 2 \cdot 1 \cdot 4 \cdot \cos \theta + 2 \cdot 1 \cdot 8 \cdot \cos \theta + 2 \cdot 4 \cdot 8 \cdot \cos \theta$$

$$= 81 + 16 \cos \theta + 32 \cos \theta + 64 \cos \theta = 81 + 112 \cos \theta$$

$$|\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|^2 = 81 \Rightarrow 112 \cos \theta = 0 \Rightarrow \cos \theta = 0 \Rightarrow \theta = 90^\circ$$

104. The shortest distance between the lines $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$ and

$\frac{x-2}{3} = \frac{y-4}{4} = \frac{z-5}{5}$ is

- (1) $\frac{1}{6}$
- (2) $\frac{1}{\sqrt{6}}$
- (3) $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (4) $\frac{1}{3}$

$r = (2i+3j+4k) + t(i+2j+3k)$
 $s = (3i+4j+5k) + t(2i+4j+5k)$
 $(i+j+k) \cdot (-2i+7j+11k) = 0$
 $-2+7+11 = 16$

104. रेखाओं $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$ तथा $\frac{x-2}{3} = \frac{y-4}{4} = \frac{z-5}{5}$ के बीच की न्यूनतम दूरी है

- (1) $\frac{1}{6}$
- (2) $\frac{1}{\sqrt{6}}$
- (3) $\frac{1}{\sqrt{3}}$
- (4) $\frac{1}{3}$

$(10+2) \cdot (5-6)$
 $-2i + 7j + 11k + k(4-4)$

105. The standard deviation of the first n natural numbers is

- (1) $\frac{n+1}{2}$
- (2) $\sqrt{\frac{n(n+1)}{2}}$
- (3) $\sqrt{\frac{n^2-1}{12}}$
- (4) $\frac{(2n+1)(n+1)}{6}$

$\frac{1^2+2^2+3^2+\dots+n^2}{n}$
 $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6n}$

105. प्रथम n प्राकृत संख्याओं का मानक विचलन (SD) है

- (1) $\frac{n+1}{2}$
- (2) $\sqrt{\frac{n(n+1)}{2}}$
- (3) $\sqrt{\frac{n^2-1}{12}}$
- (4) $\frac{(2n+1)(n+1)}{6}$

$1^2+2^2+3^2+\dots+n^2$
 $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

106. The foot of perpendicular from (0, 2, 3) to the line $\frac{x+3}{5} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+4}{3}$ is

- (1) (-2, 3, 4)
- (2) (2, -1, 3)
- (3) (2, 3, -1)
- (4) (3, 2, -1)

P(0, 2, 3)
 M(5t-3, 2t+1, 3t-4)
 $5t-3, 2t-1, 3t-4$
 $10t-15+4t-2+9t-12=0$
 $23t-29=0 \Rightarrow t=\frac{29}{23}$

106. बिंदु (0, 2, 3) से रेखा $\frac{x+3}{5} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+4}{3}$ पर खींचे गए लंब का पाद है

- (1) (-2, 3, 4)
- (2) (2, -1, 3)
- (3) (2, 3, -1)
- (4) (3, 2, -1)

$(\frac{9t+29}{23}, \frac{2t-1}{23}, \frac{3t-4}{23})$
 $(\frac{9 \cdot \frac{29}{23} + 29}{23}, \frac{2 \cdot \frac{29}{23} - 1}{23}, \frac{3 \cdot \frac{29}{23} - 4}{23})$

MATHEMATICS

107. The mean of first three terms is 14 and the mean of next two terms is 18. The mean of all the five terms is

- (1) 14.5
- (2) 15.0
- (3) 15.2
- (4) 15.6

$$\frac{48+36}{5} = \frac{84}{5} = 16.8$$

$$\bar{x} = \frac{n_1\bar{x}_1 + n_2\bar{x}_2}{n_1 + n_2}$$

108. The geometric mean of the numbers 3, 9, 27, 81, 243 is

- (1) 9
- (2) 27
- (3) 81
- (4) $3\sqrt{3}$

$$\sqrt[5]{3 \times 243} = \sqrt[5]{243} = 27$$

27

6x7

109. The mean and S.D. of 1, 2, 3, 4, 5, 6 is

- (1) $\frac{7}{2}, \sqrt{\frac{35}{12}}$
- (2) 3, 3
- (3) $\frac{7}{2}, \sqrt{3}$
- (4) $3, \frac{35}{12}$

$$\frac{n(n+1)}{2} = \frac{6 \times 7}{2} = 21$$

$$\frac{\sum x^2 - \frac{(\sum x)^2}{n}}{n} = \frac{91 - \frac{49}{6}}{6} = \frac{547}{36} = \sqrt{\frac{35}{12}}$$

110. The mean of 100 observations is 50 and their standard deviation is 5. The sum of squares of all observations is

- (1) 50,000
- (2) 2,50,000
- (3) 2,52,500
- (4) 2,55,000

107. पहले तीन पदों का माध्य 14 है तथा अगले दो पदों का माध्य 18 है। सभी पाँच पदों का माध्य है :

- (1) 14.5
- (2) 15.0
- (3) 15.2
- (4) 15.6

$$\frac{10.5 + 16.5}{5} = \frac{27}{5} = 5.4$$

108. संख्याओं 3, 9, 27, 81, 243 का गुणोत्तर माध्य (GM) है

- (1) 9
- (2) 27
- (3) 81
- (4) $3\sqrt{3}$

$$\sqrt[5]{3 \times 243} = \sqrt[5]{729} = 27$$

109. 1, 2, 3, 4, 5, 6 का माध्य (Mean) तथा मानक विचलन (SD) है

- (1) $\frac{7}{2}, \sqrt{\frac{35}{12}}$
- (2) 3, 3
- (3) $\frac{7}{2}, \sqrt{3}$
- (4) $3, \frac{35}{12}$

$$\frac{1+2+3+4+5+6}{6} = \frac{21}{6} = 3.5$$

$$\sqrt{\frac{91 - \frac{49}{6}}{6}} = \sqrt{\frac{547}{36}} = \sqrt{\frac{35}{12}}$$

110. 100 प्रेक्षणों का माध्य 50 है तथा उनका मानक विचलन 5 है। सभी प्रेक्षणों के वर्गों का योग है :

- (1) 50,000
- (2) 2,50,000
- (3) 2,52,500
- (4) 2,55,000

$$\frac{50 \times 100 + 5^2 \times 100}{100} = 255000$$

H

111. Three of the six vertices of a regular hexagon are chosen at random. What is the probability that the triangle with these vertices is equilateral?

- (1) $\frac{3}{10}$
- (2) $\frac{3}{20}$
- (3) $\frac{1}{20}$
- (4) $\frac{1}{10}$

S.A = 6
 $\frac{2}{20} \times \frac{1}{10} \times 5 \times 4$
 $\frac{2}{20}$

112. If A, B, C are three mutually exclusive and exhaustive events of an experiment such that $3P(A) = 2P(B) = P(C)$, then $P(A)$ is equal to

- (1) $\frac{1}{11}$
- (2) $\frac{2}{11}$
- (3) $\frac{5}{11}$
- (4) $\frac{6}{11}$

$P(A) = 2x$
 $P(B) = 3x$
 $P(C) = 6x$
 $P(A) + P(B) + P(C) = 1$
 $2x + 3x + 6x = 1$
 $11x = 1$
 $x = \frac{1}{11}$
 $P(A) = 2x = \frac{2}{11}$

113. Three digit numbers are formed using the digits 0, 2, 4, 6, 8. A number is chosen at random out of these numbers. What is the probability that this number has the same digits?

- (1) $\frac{1}{16}$
- (2) $\frac{16}{25}$
- (3) $\frac{1}{645}$
- (4) $\frac{1}{25}$

0+2+4+6+8 = 20
 $\frac{20}{3}$
 $2 \times 4 \times 3 = 8$
 $4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$
 $2 \times 2 \times 1 \times 1 = 4$
 $4 \times 4 \times 3 = 48$
 $(2,2,2) (4,4,4)$
 $(6,6,6) (8,8,8)$
 $4 \times 5 \times 5 = 100$

(28)

MATHEMATICS

111. एक नियमित षट्भुज के 6 शीर्षों में से कोई तीन यादृच्छया चुने गए। इसकी क्या प्रायिकता है कि चुने गए शीर्ष एक समबाहु त्रिभुज बनाते हैं?

- (1) $\frac{3}{10}$
- (2) $\frac{3}{20}$
- (3) $\frac{1}{20}$
- (4) $\frac{1}{10}$

$S(A) = 6C_3$
 $P(A) = \frac{2}{6 \times 5 \times 4}$
 $\frac{2}{120}$

112. A, B तथा C किसी परीक्षण की तीन परस्पर अपवर्जी तथा निःशेष घटनाएँ इस प्रकार हैं कि $3P(A) = 2P(B) = P(C)$ है, तो $P(A)$ बराबर है:

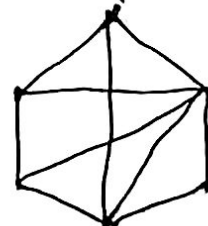
- (1) $\frac{1}{11}$
- (2) $\frac{2}{11}$
- (3) $\frac{5}{11}$
- (4) $\frac{6}{11}$

$x = \frac{6}{11}$
 $P(A) = \frac{1}{3} \times \frac{6}{11} = \frac{2}{11}$

113. अंकों 0, 2, 4, 6, 8 के प्रयोग से तीन अंकों की संख्याएँ बनाई गई। इन संख्याओं में से यादृच्छया एक संख्या चुनी गई। इसकी क्या प्रायिकता है कि चुनी गई संख्या के सभी अंक समान हों?

- (1) $\frac{1}{16}$
- (2) $\frac{16}{25}$
- (3) $\frac{1}{645}$
- (4) $\frac{1}{25}$

$P(A) = \frac{4}{100}$
 $\frac{4}{100} = \frac{1}{25}$
 $4 \times 5 \times 5 = 100$



MATHEMATICS

$$P(A \cup B) = P(\bar{A}) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$0.8 = 1 - P(A) + (1 - P(A \cap B))$$

(29)

114. The probability that atleast one of the events A and B occurs is 0.6. If A and B occur simultaneously with probability 0.2, then $P(\bar{A}) + P(\bar{B})$ is

- (1) 0.4
- (2) 0.8
- (3) 1.2
- (4) 1.6

$$\frac{P(A \cup B) = 0.6}{P(A \cap B) = 0.2}$$

115. Which of the following sets of vectors is linearly independent?

- (1) $\begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \text{L.I}$
 - (2) $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \text{L.I}$
 - (3) $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \text{L.I}$
 - (4) $\begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \Rightarrow \text{L.I}$
- L.I = |A| = 0*
L.I = |A| ≠ 0

114. दो घटनाओं A तथा B में से कम से कम एक के घटने की प्रायिकता 0.6 है। यदि A तथा B दोनों के साथ-साथ घटने की प्रायिकता 0.2 है, तो $P(\bar{A}) + P(\bar{B})$ बराबर है

- (1) 0.4
- (2) 0.8
- (3) 1.2
- (4) 1.6

$$P(\bar{A}) + P(\bar{B}) = 2 - 0.8 = 1.2$$

115. निम्न सदिशों के समूहों (sets) में से कौन सा रैखिकतः स्वतंत्र है ?

- (1) $\begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$
- (2) $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$
- (3) $\begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$
- (4) $\begin{pmatrix} 0 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

116. शब्द 'PROBABILITY' के अक्षरों में से यादृच्छया एक अक्षर चुना गया। चुने गए अक्षर के एक स्वर (vowel) होने की प्रायिकता है

- (1) $\frac{1}{3}$
- (2) $\frac{4}{11}$
- (3) $\frac{2}{11}$
- (4) $\frac{3}{11}$

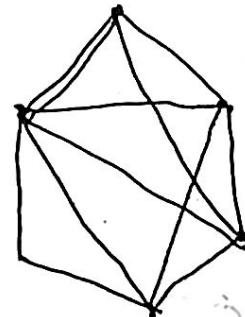
$\frac{4}{11}$ ✓

$\frac{3}{11}$ ✓

$\frac{3}{11}$ ✓

$S(A) = 11$

- (1) $\frac{1}{3}$
- (2) $\frac{4}{11}$
- (3) $\frac{2}{11}$
- (4) $\frac{3}{11}$



सुभाष

117. Let $P_2(t)$ denote the set of real polynomials of the form $p(t) = a_0 + a_1t + a_2t^2$, where the co-efficients $a_i \in \mathbb{R}, i = 0, 1, 2$.

Which of the following form a basis for $P_2(t)$?

- (1) $1, 4t, 4t^2$
- ✓ (2) $1 - 4t + t^2, -2 + t - t^2, -7t + t^2$
- (3) $1, t, t^2, t^3$
- (4) $1, 1 - 4t, 1 - 4t^2$

118. Given two vectors $\vec{x} = \begin{pmatrix} -15 \\ 3 \\ -9 \end{pmatrix}$ and

$\vec{y} = \begin{pmatrix} 15 \\ 9 \\ k \end{pmatrix}$. For \vec{x} and \vec{y} to be orthogonal, value of k is

- (1) 22
- ✓ (2) -22
- (3) 17.75
- (4) -17.75

$-225 + 27 - 9k = 0$
 $198 = 9k$
 $k = 22$

119. For expressing the vector $\vec{x} = \begin{pmatrix} 26 \\ 12 \\ 2 \end{pmatrix}$

as a linear combination of the vectors

$\vec{C}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \vec{C}_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ and $\vec{C}_3 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

as $\alpha\vec{C}_1 + \beta\vec{C}_2 + \gamma\vec{C}_3$, where α, β, γ in that order are

- (1) 7, 9, 19
- (2) 9, 7, 19
- (3) 19, 9, 7
- ✓ (4) 7, 19, 9

$\alpha + \beta = 26$
 $\alpha + \beta = 12$
 $\alpha + \gamma = 2$
 $\alpha = \frac{26}{19}$
 $2\beta = 38$
 $\beta = 19$
 $\gamma = 9$

117. माना $P_2(t)$, वास्तविक बहुपदों से ऐसे समुच्चय को दर्शाता है जो $p(t) = a_0 + a_1t + a_2t^2$ के रूप में है, जहाँ गुणांक $a_i \in \mathbb{R}, i = 0, 1, 2$ हैं।

निम्न में से कौन सा $P_2(t)$ का आधार निर्धारित करता है ?

- (1) $1, 4t, 4t^2$
- (2) $1 - 4t + t^2, -2 + t - t^2, -7t + t^2$
- (3) $1, t, t^2, t^3$
- (4) $1, 1 - 4t, 1 - 4t^2$

118. दो सदिश $\vec{x} = \begin{pmatrix} -15 \\ 3 \\ -9 \end{pmatrix}$ तथा $\vec{y} = \begin{pmatrix} 15 \\ 9 \\ k \end{pmatrix}$

दिए हुए हैं।

k का वह मान जिसके लिए दोनों सदिश परस्पर लंबवत हैं, है

- (1) 22
- (2) -22
- (3) 17.75
- (4) -17.75

$\vec{x} \cdot \vec{y} = 0$
 $-225 + 27 - 9k = 0$
 $k = -\frac{198}{9} = -22$

119. सदिश $\vec{x} = \begin{pmatrix} 26 \\ 12 \\ 2 \end{pmatrix}$ को सदिशों

$\vec{C}_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}, \vec{C}_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ तथा $\vec{C}_3 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$

के रैखिकतः संघन रूप $\alpha\vec{C}_1 + \beta\vec{C}_2 + \gamma\vec{C}_3$ में लिखने के लिए α, β, γ के मान, इसी क्रम में हैं

- (1) 7, 9, 19
- (2) 9, 7, 19
- (3) 19, 9, 7
- (4) 7, 19, 9

$\alpha = 7, \beta = 19, \gamma = 9$
 $\alpha + \beta = 26$
 $\alpha + \beta = 12$
 $\alpha + \gamma = 2$
value is

120. In a class of 50 students, 20 play cricket, 15 play hockey and 5 students play both the games. The number of students who play neither of the two games is

- (1) 0
- (2) 20
- (3) 30
- (4) 10

$$\begin{aligned}
 n(C) &= 20 \\
 n(H) &= 15 \\
 n(C \cap H) &= 5 \\
 \therefore &= 35 - 5 \\
 &= 30
 \end{aligned}$$

121. If $X = \{8^n - 7n - 1 / n \in \mathbb{N}\}$ and $Y = \{49n - 49 / n \in \mathbb{N}\}$, then

- (1) $X \subset Y$
- (2) $Y \subset X$
- (3) $X = Y$
- (4) $X \cap Y = \phi$

$$\begin{array}{r}
 64 - 14 - 1 \\
 \underline{15} \\
 49 \\
 3 \overline{) 147} \\
 \underline{98} \\
 49
 \end{array}$$

122. Two finite sets have m and n elements. The number of subsets of the first set is 112 more than that of the second set. The values of m and n are, respectively

- (1) 4, 7
- (2) 5, 8
- (3) 7, 4
- (4) 8, 5

$$\begin{aligned}
 2^m &= 2^n + 112 \\
 2^n (2^{m-n} - 1) &= 112 \\
 &= 2^6 \times 7 \\
 \begin{array}{r}
 64 \\
 \underline{112} \\
 48 \\
 4 \overline{) 48} \\
 \underline{40} \\
 8 \\
 2 \overline{) 8} \\
 \underline{4} \\
 4
 \end{array}
 \end{aligned}$$

120. 50 विद्यार्थियों की एक कक्षा में, 20 क्रिकेट खेलते हैं, 15 हॉकी खेलते हैं तथा 5 विद्यार्थी दोनों खेल खेलते हैं। ऐसे विद्यार्थियों की संख्या जो दोनों में से कोई भी खेल नहीं खेलते, है

- (1) 0
- (2) 20
- (3) 30
- (4) 10

$$\begin{aligned}
 n(C) &= 20, n(H) = 15 \\
 n(C \cap H) &= 5 \\
 n(A \cup B) &= 20 + 15 - 5 = 30 \\
 &= 50 - 30 = 20 \\
 n(\overline{A \cup B}) &= 1 - n(A \cup B) \\
 &= 50 - 30 = 20
 \end{aligned}$$

121. यदि $X = \{8^n - 7n - 1 / n \in \mathbb{N}\}$ तथा $Y = \{49n - 49 / n \in \mathbb{N}\}$ है, तो

- (1) $X \subset Y$
- (2) $Y \subset X$
- (3) $X = Y$
- (4) $X \cap Y = \phi$

$$\begin{aligned}
 x &= \{0, 49, 400, \dots\} \\
 y &= \{0, 49, 98, \dots\} \\
 \therefore X &\subset Y
 \end{aligned}$$

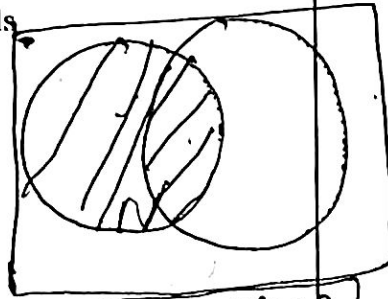
122. दो परिमित समुच्चय में m तथा n अवयव हैं। पहले समुच्चय के उपसमुच्चयों की संख्या दूसरे समुच्चय के उपसमुच्चयों की संख्या से 112 अधिक है। m तथा n के क्रमशः मान हैं

- (1) 4, 7
- (2) 5, 8
- (3) 7, 4
- (4) 8, 5

$$\begin{aligned}
 2^m &= 112 + 2^n \\
 2^m - 2^n &= 112 \\
 2^n (2^{m-n} - 1) &= 112 \\
 &= 2^6 \times 7 \\
 \begin{array}{r}
 16 \\
 \underline{112} \\
 96 \\
 8 \overline{) 96} \\
 \underline{80} \\
 16 \\
 2 \overline{) 16} \\
 \underline{14} \\
 2
 \end{array}
 \end{aligned}$$

123. If A and B are two sets, then $A \cup (A \cap B)$ equals

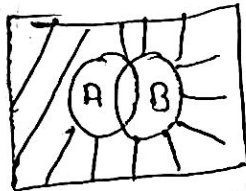
- (1) $A \cap B$
- (2) ϕ
- (3) B
- (4) A



$A \cup (A \cap B) = A$

124. If A and B are two sets and A' denotes the complement of A, then $A \cap (A \cup B)'$ is equal to

- (1) A
- (2) B
- (3) ϕ
- (4) $A \cap B$



$A \cap (A \cup B)' = \phi$

125. Range of $f(x) = \frac{1}{1 - 2 \cos x}$ is

- (1) $[\frac{1}{3}, 1]$ $-1 \leq \cos x \leq 1$
- (2) $[-1, \frac{1}{3}]$ $-2 \leq 2 \cos x \leq 2$
- (3) $(-\infty, -1] \cup [\frac{1}{3}, \infty)$ $-2 \leq -2 \cos x \leq 2$
- (4) $[-\frac{1}{3}, 1]$ $-2+1 \leq 1-2 \cos x \leq 3$
 $-1 \leq 1-2 \cos x \leq 3$

123. यदि A तथा B दो समुच्चय हैं, तो $A \cup (A \cap B)$ बराबर है

- (1) $A \cap B$
- (2) ϕ
- (3) B
- (4) A

124. A तथा B दो समुच्चय हैं तथा A' समुच्चय A के पूरक को इंगित करता है, तो $A \cap (A \cup B)'$ बराबर है

- (1) A
- (2) B
- (3) ϕ
- (4) $A \cap B$

$A \cap (A \cup B)'$
 $A \cap (A \cup B)' = \phi$

125. $f(x) = \frac{1}{1 - 2 \cos x}$ का परिसर है

- (1) $[\frac{1}{3}, 1]$ $\frac{1}{1-2 \cos x}$
- (2) $[-1, \frac{1}{3}]$
- (3) $(-\infty, -1] \cup [\frac{1}{3}, \infty)$ $(-\frac{1}{3}, 1]$
- (4) $[-\frac{1}{3}, 1]$

126. Let $f(x) = \sqrt{1+x^2}$, then $f(y) = \sqrt{1+y^2}$

- (1) $f(xy) = f(x) \cdot f(y)$
- (2) $f(xy) = f(x) + f(y)$
- (3) $f(xy) \geq f(x) \cdot f(y)$
- (4) $f(xy) \leq f(x) \cdot f(y)$

now from (1) $f(xy) = \sqrt{1+x^2} \sqrt{1+y^2}$
 $f(xy) \leq f(x) \cdot f(y)$

126. माना $f(x) = \sqrt{1+x^2}$ है, तो

- (1) $f(xy) = f(x) \cdot f(y)$
- (2) $f(xy) = f(x) + f(y)$
- (3) $f(xy) \geq f(x) \cdot f(y)$
- (4) $f(xy) \leq f(x) \cdot f(y)$

$f(x) \cdot f(y) = \sqrt{1+x^2} \sqrt{1+y^2}$
 $= \sqrt{1+x^2+y^2+x^2y^2}$

MATHEMATICS

127. The domain of the function f defined by $f(x) = \sqrt{4-x} + \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$ is equal to

- (1) $(-\infty, -1) \cup (1, 4]$
- (2) $(-\infty, -1] \cup (1, 4)$
- (3) $(-\infty, -1) \cup [1, 4]$
- (4) $(-\infty, -1) \cup [1, 4)$

$x \in (-\infty, -1) \cup (1, 4)$

(33)

127. $f(x) = \sqrt{4-x} + \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$ द्वारा परिभाषित

फलन f का प्रान्त है :

- (1) $(-\infty, -1) \cup (1, 4]$
- (2) $(-\infty, -1] \cup (1, 4)$
- (3) $(-\infty, -1) \cup [1, 4]$
- (4) $(-\infty, -1) \cup [1, 4)$

H

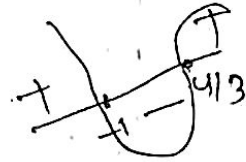
The domain for which the functions defined by $f(x) = 3x^2 - 1$ and $g(x) = 3 + x$ are equal, is

- (1) $[-1, \frac{4}{3}]$
- (2) $[1, \frac{4}{3}]$
- (3) $[-1, \frac{4}{3}]$
- (4) $(-1, \frac{4}{3})$

$3x^2 - 1 = 3 + x$
 $3x^2 - x - 4 = 0$
 $3x^2 - 4x + 3x - 4$
 $3x(3x-4) + 1$
 $(x+1)(3x-4) > 0$

128. वह प्रान्त जिसके लिए, $f(x) = 3x^2 - 1$ तथा $g(x) = 3 + x$ द्वारा परिभाषित फलन समान हैं, है

- (1) $[-1, \frac{4}{3}]$
- (2) $[1, \frac{4}{3}]$
- (3) $[-1, \frac{4}{3}]$
- (4) $(-1, \frac{4}{3})$



129. If $f(x) = px + q$, where p and q are integers, $f(-1) = -5$ and $f(3) = 3$, then p and q are equal to

- (1) $p = -3, q = -1$
- (2) $p = 2, q = -3$
- (3) $p = 0, q = 2$
- (4) $p = 2, q = 3$

$-5 = -p + q$
 $-5 = -p + q$
 $-8 = -4p + 3q$
 $8 = 4p - 3q$
 $8 = 4(2) - 3q$
 $8 = 8 - 3q$
 $0 = -3q$
 $q = 0$
 $p = 2$

129. यदि $f(x) = px + q$ है, जबकि p तथा q पूर्णांक हैं, और $f(-1) = -5$ तथा $f(3) = 3$ है, तो p तथा q बराबर हैं

- (1) $p = -3, q = -1$
- (2) $p = 2, q = -3$
- (3) $p = 0, q = 2$
- (4) $p = 2, q = 3$

$-5 + 2 = q$
 $q = -3$
 $f(x) = 2x - 3$

130. If $x^n - 1$ is divisible by $x - k$, then the least positive integral value of k is

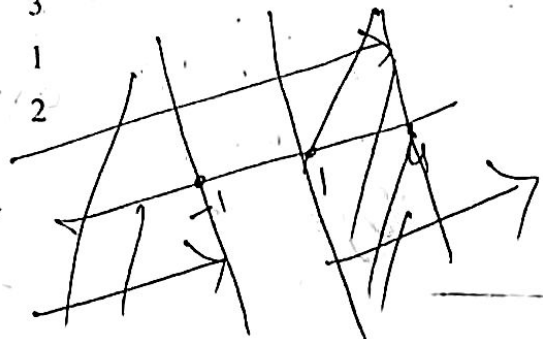
- (1) 4
- (2) 3
- (3) 1
- (4) 2

$x^n - 1 \mid k - 1$

130. यदि $x^n - 1, x - k$ से भाज्य है, तो k का न्यूनतम धन पूर्णाकीय मान है :

- (1) 4
- (2) 3
- (3) 1
- (4) 2

$x \in (-\infty, -1) \cup (1, 4)$



131. For all $n \in \mathbb{N}$, $3(5^{2n+1}) + 2^{3n+1}$ is divisible by

- (1) 19
- ~~(2) 17~~
- (3) 23
- (4) 25

$$3(125 + 16)$$

$$\begin{array}{r} 375 \\ 16 \\ \hline 391 \end{array} \quad \text{23}$$

132. The number of possible outcomes, when a coin is tossed 6 times is

- (1) 36
- (2) 32
- (3) 12
- (4) 64

$$= 2^6 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$$

$$= 2^6 = 64$$

133. Everybody in a room shakes hands with everybody else. The total number of hand-shakes is 66. The total number of persons in the room is

- (1) 11
- (2) 12
- (3) 13
- (4) 14

$${}^n C_2 = 66$$

$$\frac{n(n-1)}{2} = 66$$

$$n(n-1) = 132$$

$$n^2 - n - 132 = 0$$

$$n^2 - 12n + 11n - 132 = 0$$

$$n(n-12) + 11(n-12) = 0$$

$$(n+11)(n-12) = 0$$

$$n = 12$$

134. The total number of 9 digit numbers which have all different digits is

- (1) 10!
- (2) 9!
- (3) $10 \times 10!$
- ~~(4) $9 \times 9!$~~

$$0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9$$

$$9 \times 9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2$$

$$9 \times 9!$$

131. सभी $n \in \mathbb{N}$ के लिए $3(5^{2n+1}) + 2^{3n+1}$, जिससे भाज्य है, वह है

- (1) 19
- ~~(2) 17~~
- (3) 23
- (4) 25

$$3 \times 125 + 16$$

$$\begin{array}{r} 375 \\ 16 \\ \hline 391 \end{array} \quad 23$$

132. एक सिक्के को 6 बार उछालने पर प्राप्त सभी सम्भव परिणामों की संख्या है

- (1) 36
- (2) 32
- (3) 12
- ~~(4) 64~~

133. एक कमरे में उपस्थित प्रत्येक व्यक्ति ने प्रत्येक दूसरे व्यक्ति से हाथ मिलाया। यदि कुल हाथ मिलाने की संख्या 66 है तो कमरे में उपस्थित व्यक्तियों की संख्या है :

- (1) 11
- (2) 12
- (3) 13
- (4) 14

$$\frac{12 \times 11}{2} = 66$$

134. 9 अंकों वाली ऐसी सभी संख्याएँ जिनके अंक विभिन्न हैं, की संख्या है

- (1) 10!
- (2) 9!
- (3) $10 \times 10!$
- (4) $9 \times 9!$

135. If ${}^n C_{12} = {}^n C_8$, then n is equal to

- (1) 20
- (2) 12
- (3) 6
- (4) 30

$n = 20$
 $n = 12 + 8$
 $n = 20$

136. For a complex number z the value of $(z + 3)(\bar{z} + 3)$ is equivalent to

- (1) $|z + 3|^2$
- (2) $|z - 3|$
- (3) $z^2 + 3$
- (4) $z^2 + 9$

$(z+3)(\bar{z}+3)$
 $z \cdot \bar{z} = |z|^2$
 $|z+3|^2 = (z+3)(\bar{z}+3)$

137. $\sin \theta + i \cos 2\theta$ and $\cos \theta - i \sin 2\theta$ are conjugate to each other for :

- (1) $\theta = n\pi$
- (2) $\theta = \left(n + \frac{1}{2}\right) \frac{\pi}{2}$
- (3) $\theta = 0$
- (4) no value of θ

135. यदि ${}^n C_{12} = {}^n C_8$ है, तो n बराबर है

- (1) 20
- (2) 12
- (3) 6
- (4) 30

136. एक सम्मिश्र संख्या z के लिए $(z + 3)(\bar{z} + 3)$ का मान जिसके तुल्य है, वह है

- (1) $|z + 3|^2$
- (2) $|z - 3|$
- (3) $z^2 + 3$
- (4) $z^2 + 9$

137. $\sin \theta + i \cos 2\theta$ तथा $\cos \theta - i \sin 2\theta$, θ के जिस मान के लिए परस्पर संयुग्मी हैं, वह है

- (1) $\theta = n\pi$
- (2) $\theta = \left(n + \frac{1}{2}\right) \frac{\pi}{2}$
- (3) $\theta = 0$
- (4) θ के किसी भी मान के लिए नहीं।

138. If $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^x = 1$, then

- (1) $x = 2n + 1$
- (2) $x = 4n$
- (3) $x = 2n$
- (4) $x = 4n + 1$,

where $n \in \mathbb{N}$

138. यदि $\left(\frac{1+i}{1-i}\right)^x = 1$ है, तो

- (1) $x = 2n + 1$
- (2) $x = 4n$
- (3) $x = 2n$
- (4) $x = 4n + 1$,

जबकि $n \in \mathbb{N}$ है

$x = 4n$

139. Let $x, y \in \mathbb{R}$, then $x + iy$ is a non-real complex number if

- (1) $x = 0$
- (2) $y = 0$
- (3) $x \neq 0$
- (4) $y \neq 0$

$x + iy$ is non Real complex number जब $y \neq 0$

140. x and a are real numbers. If $a > 0$ and $|x| > a$, then

- (1) $x \in (-a, \infty)$
- (2) $x \in [-\infty, a)$
- (3) $x \in (-a, a)$
- (4) $x \in (-\infty, -a) \cup (a, \infty)$

$x > a$
 $x < -a$

141. If $|x - 1| > 5$, then

- (1) $x \in (-4, 6)$
- (2) $x \in [-4, 6]$
- (3) $x \in (-\infty, -4) \cup (6, \infty)$
- (4) $x \in [-\infty, -4) \cup [6, \infty)$

$x - 1 > 5$
 $x - 1 < -5$
 $x > 6$
 $x < -4$

142. Given that x, y and a are real numbers and $x < y, a < 0$, then

- (1) $\frac{x}{a} < \frac{y}{a}$
- (2) $\frac{x}{a} \leq \frac{y}{a}$
- (3) $\frac{x}{a} > \frac{y}{a}$
- (4) $\frac{x}{a} \geq \frac{y}{a}$

$x < y$ $a < 0$
 $\frac{x}{a} > \frac{y}{a}$

139. माना $x, y \in \mathbb{R}$ है, तो $x + iy$ एक अवास्तविक सम्मिश्र संख्या है, यदि

- (1) $x = 0$
- (2) $y = 0$
- (3) $x \neq 0$
- (4) $y \neq 0$

140. x तथा a वास्तविक संख्याएँ हैं। यदि $a > 0$ तथा $|x| > a$ है, तो

- (1) $x \in (-a, \infty)$
- (2) $x \in [-\infty, a)$
- (3) $x \in (-a, a)$
- (4) $x \in (-\infty, -a) \cup (a, \infty)$

$x > a$ $x < -a$

141. यदि $|x - 1| > 5$ है, तो

- (1) $x \in (-4, 6)$
- (2) $x \in [-4, 6]$
- (3) $x \in (-\infty, -4) \cup (6, \infty)$
- (4) $x \in [-\infty, -4) \cup [6, \infty)$

$x < -4$
 $x \in (-\infty, -4)$

$x \in (-\infty, -4) \cup (6, \infty)$

142. दिया है कि x, y और a वास्तविक संख्याएँ हैं तथा $x < y, a < 0$ है, तो

- (1) $\frac{x}{a} < \frac{y}{a}$
- (2) $\frac{x}{a} \leq \frac{y}{a}$
- (3) $\frac{x}{a} > \frac{y}{a}$
- (4) $\frac{x}{a} \geq \frac{y}{a}$

then $\frac{x}{a} > \frac{y}{a}$

$\frac{x}{a} > \frac{y}{a}$

MATHEMATICS

H

143. If $-5x + 20 < -15$, then

- (1) $x \in (7, \infty)$
- (2) $x \in [7, \infty)$
- (3) $x \in (-\infty, 7]$
- (4) $x \in [-7, 7]$

(37)

$$-5x + 20 < -15$$

$$-5x + 10 < -35$$

$$-5x < -45$$

$$x > 9$$

144. The sum of the co-efficients in the expansion of $(1-x)^{10}$ is

- (1) 1
- (2) 0
- (3) 10^2
- (4) 1024

put $x=1$

$$(1-1)^{10} = 0^{10} = 0$$

143. यदि $-5x + 20 < -15$ है, तो

- (1) $x \in (7, \infty)$
- (2) $x \in [7, \infty)$
- (3) $x \in (-\infty, 7]$
- (4) $x \in [-7, 7]$

$$-5x + 20 < -15$$

$$-5x < -35$$

$$x > 7$$

$x \in (7, \infty)$

144. $(1-x)^{10}$ के प्रसार में गुणांको का योगफल है

- (1) 1
- (2) 0
- (3) 10^2
- (4) 1024

$(1+x)^n$

put $x=1$

145. The expansion of $\frac{1}{\sqrt{6-3x}}$, in powers of x , is valid if

- (1) $x < 2$
- (2) $|x| < 2$
- (3) $x > 2$
- (4) $|x| > 2$

$\frac{1}{\sqrt{6-3x}}$

$\frac{1}{\sqrt{6-3x}} = \frac{1}{\sqrt{6(1-\frac{x}{2})}}$

$\frac{1}{\sqrt{6}} (1-\frac{x}{2})^{-\frac{1}{2}}$

$|x/2| < 1$

$|x| < 2$

145. $\frac{1}{\sqrt{6-3x}}$ का x की घातों में प्रसार वैध है यदि

- (1) $x < 2$
- (2) $|x| < 2$
- (3) $x > 2$
- (4) $|x| > 2$

$|x/2| < 1$

$|x| < 2$

146. The fifth term from the end in the expansion of $(\frac{x^3}{2} - \frac{2}{x^2})^{12}$ is

- (1) $\frac{7920}{x^4}$
- (2) $-\frac{7920}{x^4}$
- (3) $7220x^{-4}$
- (4) $-7520x^4$

$T_{r+1} = {}^{12}C_r (\frac{x^3}{2})^{12-r} (-\frac{2}{x^2})^r$

$T_{8+1} = {}^{12}C_8 (\frac{x^3}{2})^4 (-\frac{2}{x^2})^8$

$= {}^{12}C_8 \frac{x^{12}}{2^4} \frac{2^8}{x^{16}}$

$= {}^{12}C_8 \frac{2^4}{x^4}$

$= \frac{12!}{8!4!} \frac{16}{x^4}$

$= \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9}{4 \times 3 \times 2 \times 1} \frac{16}{x^4}$

$= 495 \times 16 \frac{1}{x^4}$

$= \frac{7920}{x^4}$

146. $(\frac{x^3}{2} - \frac{2}{x^2})^{12}$ के प्रसार में अंतिम पद से प्रथम पद की ओर का पाँचवाँ पद है :

- (1) $\frac{7920}{x^4}$
- (2) $-\frac{7920}{x^4}$
- (3) $7220x^{-4}$
- (4) $-7520x^4$

$T_{r+1} = {}^{12}C_r (\frac{x^3}{2})^{12-r} (-\frac{2}{x^2})^r$

$T_{8+1} = {}^{12}C_8 (\frac{x^3}{2})^4 (-\frac{2}{x^2})^8$

$= {}^{12}C_8 \frac{x^{12}}{2^4} \frac{2^8}{x^{16}}$

$= {}^{12}C_8 \frac{2^4}{x^4}$

$= \frac{12!}{8!4!} \frac{16}{x^4}$

$= \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9}{4 \times 3 \times 2 \times 1} \frac{16}{x^4}$

$= 495 \times 16 \frac{1}{x^4}$

$= \frac{7920}{x^4}$

$T_{r+1} = {}^9C_r \left(\frac{3}{2}x^2\right)^{9-r} \left(\frac{-1}{3x}\right)^r \Rightarrow {}^9C_r \left(\frac{3}{2}\right)^{9-r} \left(\frac{-1}{3}\right)^r x^{18-2r-r}$

H

147. The term independent of x in the expansion of $\left(\frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{3x}\right)^9$ is

- (1) $\frac{7}{18}$
- (2) $\frac{5}{18}$
- (3) $\frac{11}{18}$
- (4) $\frac{13}{18}$

${}^9C_6 \left(\frac{3}{2}\right)^3 \left(\frac{-1}{3}\right)^6$
 $18-3 \times 2 = 0 \Rightarrow r=6$
 $\frac{9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{3 \times 2 \times 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6}$
 $\frac{1}{1}$

$18-3r=0 \Rightarrow r=6$

147. $\left(\frac{3}{2}x^2 - \frac{1}{3x}\right)^9$ के प्रसार में x से मुक्त पद है:

- (1) $\frac{7}{18}$
- (2) $\frac{5}{18}$
- (3) $\frac{11}{18}$
- (4) $\frac{13}{18}$

${}^9C_6 \left(\frac{3}{2}\right)^3 \left(\frac{-1}{3}\right)^6$
 $\frac{9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1}{3 \times 2 \times 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6}$
 $\frac{7}{9 \times 8} = \frac{7}{72}$

148. The two geometric means between 1 and 64 are

- (1) 1 and 64
- (2) 8 and 16
- (3) 4 and 16
- (4) 3 and 16

$1, G_1, G_2, 64$
 $\frac{8}{1} = \frac{16}{8} = \frac{64}{16}$
 $\frac{8}{1} = \frac{16}{8} = \frac{64}{16}$
 $\frac{4}{1} = \frac{16}{4} = \frac{64}{16}$

148. 1 तथा 64 के मध्य दो गुणोत्तर माध्य हैं

- (1) 1 तथा 64
- (2) 8 तथा 16
- (3) 4 तथा 16
- (4) 3 तथा 16

$a=1, l=64$
 $1, G_1, G_2, 64$
 $l = ar^{n-1}$
 $64 = 1 \times r^3$
 $r^3 = 64$
 $r = 4$
 $G_1 = 1 \times 4 = 4$
 $G_2 = 1 \times 16 = 16$
1, 4, 16, 64

149. The middle term in the expansion of $\left(x + \frac{1}{x}\right)^{10}$ is

- (1) ${}^{10}C_4 \left(\frac{1}{x}\right)$
- (2) ${}^{10}C_5$
- (3) ${}^{10}C_6$
- (4) ${}^{10}C_5 x^4$

$T_{r+1} = {}^{10}C_r x^{10-r} \left(\frac{1}{x}\right)^r$
 $10-2r=0 \Rightarrow r=5$
 ${}^{10}C_5$

149. $\left(x + \frac{1}{x}\right)^{10}$ के प्रसार में मध्य पद है

- (1) ${}^{10}C_4 \left(\frac{1}{x}\right)$
- (2) ${}^{10}C_5$
- (3) ${}^{10}C_6$
- (4) ${}^{10}C_5 x^4$

$\left(\frac{10+1}{2}\right) = 6$
 $2 \times 6 = 12$
 $x^{-2} + \frac{x+2}{2}$
 $\frac{2x-2}{2} = x-1$
 $\left(\frac{3x-2}{2}\right) \left(\frac{3x-2}{2}\right)$

150. If the progressions 3, 10, 17, and 63, 65, 67, are such that their n^{th} terms are equal, then n is equal to

- (1) 13
- (2) 15
- (3) 9
- (4) 8

Handwritten work for Q150:
 $3 + (n-1)3 = 63 + (n-1)2$
 $3 + 3n - 3 = 63 + 2n - 2$
 $3n = 63 + 2n - 2$
 $3n - 2n = 63 - 2$
 $n = 61$

151. The A.M, G.M and H.M between two positive numbers a and b are equal, then

- (1) $ab = 1$
- (2) $a > b$
- (3) $a < b$
- (4) $a = b$

Handwritten work for Q151:
 $A.M = G.M = H.M$
 जहाँ दोनों संख्या Same
 $a = b$

152. If $x, 2x + 2, 3x + 3,$ are in GP, then the fourth term is

- (1) 27
- (2) -27
- (3) $\frac{27}{2}$
- (4) $-\frac{27}{2}$

Handwritten work for Q152:
 $\frac{2x+2}{x} = \frac{3x+3}{2x+2}$
 $2(2x+2) = x(3x+3)$
 $4x+4 = 3x^2+3x$
 $3x^2 - x - 4 = 0$
 $(3x+4)(x-1) = 0$
 $x = -\frac{4}{3}$ or $x = 1$
 For $x = -\frac{4}{3}$, 4th term = $3(-\frac{4}{3}) + 3 = -4 + 3 = -1$

150. यदि श्रेणियाँ 3, 10, 17, तथा 63, 65, 67, इस प्रकार की हैं कि उनके n^{th} पद समान हैं, तो n का मान है:

- (1) 13
- (2) 15
- (3) 9
- (4) 8

Handwritten work for Q150 (right side):
 $3 + 7d - 7 = 63 + (n-1)2$
 $7n - 4 = 63 + 2n - 2$
 $7n - 2n = 63 - 2 + 4$
 $5n = 65$
 $n = 13$

151. दो धनात्मक संख्याओं a तथा b के A.M, G.M तथा H.M समान हैं, तो

- (1) $ab = 1$
- (2) $a > b$
- (3) $a < b$
- (4) $a = b$

Handwritten work for Q151 (right side):
 $\frac{a+b}{2} = \sqrt{ab} = \frac{2ab}{a+b}$
 $(a+b)^2 = 4ab$
 $a^2 + 2ab + b^2 = 4ab$
 $a^2 - 2ab + b^2 = 0$
 $(a-b)^2 = 0$
 $a = b$

153. If x, y, z are in AP, then the value of $(x+y-z)(y+z-x)$ is

- (1) $8yz - 3y^2 - 4z^2$
- (2) $4xz + 3y^2$
- (3) $8xy + 4x^2 - 3y^2$
- (4) $8xz - 3y^2$

Handwritten work for Q153 (left side):
 x, y, z in AP
 $2y = x + z$
 $(x+y-z)(y+z-x)$
 $(x+y-z)(2y)$
 $2y(x+y-z)$
 $2yx + 2y^2 - 2yz$
 $2yx + 2y^2 - 2y(x+z)$
 $2yx + 2y^2 - 2yx - 2yz$
 $2y^2 - 2yz$
 $2y(y-z)$

153. यदि x, y, z एक समांतर श्रेणी में हैं, तो $(x+y-z)(y+z-x)$ का मान है:

- (1) $8yz - 3y^2 - 4z^2$
- (2) $4xz + 3y^2$
- (3) $8xy + 4x^2 - 3y^2$
- (4) $8xz - 3y^2$

Handwritten work for Q153 (right side):
 $(x+y-z)(y+z-x)$
 $(x+y-z)(2y)$
 $2y(x+y-z)$
 $2yx + 2y^2 - 2yz$
 $2yx + 2y^2 - 2y(x+z)$
 $2yx + 2y^2 - 2yx - 2yz$
 $2y^2 - 2yz$
 $2y(y-z)$

154. A rational number in its lowest terms can be expressed as a terminating decimal iff the denominator has no prime factor other than

- (1) 2 *GF in denominator*
- (2) 5 *has 2 and 5*
- (3) 2 and 5 *terminating*
- (4) 2 and 3

154. एक निम्नतम रूप में लिखी गई परिमेय संख्या को एक सांत दशमलव संख्या के रूप में लिखा जा सकता है, यदि इसके हर में निम्न के अतिरिक्त कोई और अभाज्य गुणखण्ड न हो:

- (1) 2
- (2) 5
- (3) 2 तथा 5
- (4) 2 तथा 3

155. Each prime number has

- (1) no factor *2 = 2 and 3 = 3 and*
- (2) only one factor
- (3) only two factors *1 and itself*
- (4) more than two factors

प्रत्येक अभाज्य संख्या का

- (1) कोई गुणखण्ड नहीं होता।
- (2) केवल एक गुणखण्ड होता है।
- (3) केवल दो गुणखण्ड होते हैं।
- (4) दो से अधिक गुणखण्ड होते हैं।

156. If one root of the equation

$ix^2 - 2(i+1)x + (2-i) = 0$ is $2-i$

then the other root is

- (1) $-i$
- (2) $2+i$
- (3) i
- (4) $2-i$

156. यदि समीकरण $ix^2 - 2(i+1)x + (2-i) = 0$

का एक मूल $2-i$ है, तो इसका दूसरा मूल है:

- (1) $-i$
- (2) $2+i$
- (3) i
- (4) $2-i$

157. If a and b are odd integers, then the roots of the equation

$2ax^2 + (2a+b)x + b = 0, a \neq 0$ are

- (1) rational
- (2) irrational
- (3) non-real
- (4) equal

157. यदि a तथा b विषम पूर्णांक हैं, तो समीकरण

$2ax^2 + (2a+b)x + b = 0, a \neq 0$ के मूल

- (1) परिमेय हैं।
- (2) अपरिमेय हैं।
- (3) अवास्तविक हैं।
- (4) समान हैं।

Handwritten notes and calculations:

For Q154: $2 \times 5 = 10$ (terminating), $2 \times 3 = 6$ (non-terminating), $2 \times 5 = 10$ (terminating), $2 \times 3 = 6$ (non-terminating).

For Q155: $2 = 2 \times 1$, $3 = 3 \times 1$, 1 and itself.

For Q156: $ix^2 - 2(i+1)x + (2-i) = 0$. One root is $2-i$. Let other root be α . Then $(2-i) + \alpha = \frac{2(i+1)}{i}$. $\alpha = \frac{2(i+1)}{i} - (2-i) = \frac{2i+2}{i} - 2 + i = \frac{2i+2-2i+2i}{i} + i = \frac{2+2i}{i} + i = \frac{2}{i} + 2 + i = -2i + 2 + i = 2-i$.

For Q157: $2ax^2 + (2a+b)x + b = 0$. Discriminant $D = (2a+b)^2 - 4(2a)b = 4a^2 + 4ab + b^2 - 8ab = 4a^2 - 4ab + b^2 = (2a-b)^2$. Since a, b are odd integers, $2a-b$ is even, so D is a perfect square. Roots are rational.

$ax^2 + 2bx + 4c = 0$ H

158. If α, β be the roots of $ax^2 + bx + c = 0$, then those of $ax^2 + 2bx + 4c = 0$ are

158. यदि समीकरण $ax^2 + bx + c = 0$ के मूल α तथा β हैं, तो $ax^2 + 2bx + 4c = 0$ के मूल हैं:

~~(1) $\frac{\alpha}{2}, \frac{\beta}{2}$~~

$\alpha + \beta = -b/a$

(2) $-2\alpha, -2\beta$

$\alpha\beta = c/a$

(3) $-\alpha, -\beta$

$2(\alpha + \beta)$

(4) $2\alpha, 2\beta$

$204x^2 - 104x = \frac{c}{a}$
 $2x^2 - 2x - 3 = 20$
 $2x^2 - 3x + x - 3$
 $2x^2 - 3x + x - 3$

(1) $\frac{\alpha}{2}, \frac{\beta}{2}$

$2\alpha\beta = -b/a$

(2) $-2\alpha, -2\beta$

$2\beta = c/a$

(3) $-\alpha, -\beta$

$-2b = -\frac{b}{a}$

(4) $2\alpha, 2\beta$

$x^2 + \frac{2b}{a}x + \frac{4c}{a} = 0$

$x^2 - (\alpha + \beta)x + \alpha\beta = 0$

159. If $2 \log(x+1) - \log(x^2-1) = \log 2$, then x equals

159. यदि $2 \log(x+1) - \log(x^2-1) = \log 2$ है, तो x बराबर है

(1) 0

$10 \log \frac{(x+1)^2}{x^2-1} = 2$

(2) 1

$2(1+1) = 2(1-1)$
 $2(1+1) = 2(1-1)$
 $2(1+1) = 2(1-1)$

(3) 2

(1) 0

$\log \frac{(x+1)^2}{x^2-1} = \log 2$

(4) 3

(2) 1

$\log \frac{(x+1)^2}{x^2-1} = \log 2$

(3) 2

(4) 3

$x+1 = 2x-2$

160. If $A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$, then $A^2 - 5A =$

160. यदि $A = \begin{bmatrix} 3 & -5 \\ -4 & 2 \end{bmatrix}$ है, तो $A^2 - 5A$ बराबर है

(1) 1

$(3-5)(-4-2) - 20 = 20 - 20 = 0$

(2) 41

(1) 1

$(3-5)(-4-2) - 20 = 20 - 20 = 0$

(3) 141

(2) 41

$6 - 2d - 3d + d^2 - 20$

(4) 0

(3) 141

$A^2 - 5A = 14I$

(4) 0

$A^2 - 5A = 14I$

161. Matrix A is such that $A^2 = 2A - I$, where I is the identity matrix. Then for $n \geq 2$, A^n is equal to

161. आव्यूह A एक ऐसा आव्यूह है कि $A^2 = 2A - I$ है, जहाँ I एक तत्समक आव्यूह है, तो $n \geq 2$ के लिए A^n बराबर है

(1) $nA - (n-1)I$

$A^3 = A \cdot A^2$

~~(2) $nA - I$~~

(3) $2^{n-1}A - (n-1)I$

(4) $2^{n-1} \cdot A - I$

(1) $nA - (n-1)I$

(2) $nA - I$

(3) $2^{n-1}A - (n-1)I$

(4) $2^{n-1} \cdot A - I$

$2(2A-I) - AI = 4A - 2I - AI = 3A - I$
 $4A - 2I - AI = 3A - I$
 $A(2A-I) = 2A^2 - AI = 2(2A-I) - AI = 4A - 2I - AI = 3A - I$

$A^3 = 3A - I$
 $A^2 = 2A - I$
 $(A-I)^2 = 20$

H

$a=1, b=2, c=3$ $\begin{vmatrix} 0 & 2c & 2b \\ b & c+c & \end{vmatrix}$ (42)

MATHEMATICS

162. The value of $\begin{vmatrix} b+c & a & a \\ b & c+a & b \\ c & c & a+b \end{vmatrix}$ is

- (1) abc
- (2) $(a+b)(b+c)(c+a)$
- (3) $4abc$
- (4) $(a+b+c)$

$4 \times 1 \times 2 \times 3 = 24$

163. If $\Delta = \begin{vmatrix} 5 & 15 & -25 \\ 7 & 21 & 30 \\ 8 & 24 & 42 \end{vmatrix}$, then

- (1) $\Delta = 0$
- (2) $\Delta = 1$
- (3) $\Delta = -1$
- (4) $\Delta = 5$

\rightarrow multiple of c_2

3×5
 7×7
 8×8

162. $\begin{vmatrix} b+c & a & a \\ b & c+a & b \\ c & c & a+b \end{vmatrix}$ का मान है

- (1) abc
- (2) $(a+b)(b+c)(c+a)$
- (3) $4abc$
- (4) $(a+b+c)$

$R_1 \rightarrow R_2 +$
 $R_1 - (R_2 + R_3)$

163. यदि $\Delta = \begin{vmatrix} 5 & 15 & -25 \\ 7 & 21 & 30 \\ 8 & 24 & 42 \end{vmatrix}$ है, तो

- (1) $\Delta = 0$
- (2) $\Delta = 1$
- (3) $\Delta = -1$
- (4) $\Delta = 5$

$5 \times 15 \times -25$
 $7 \times 21 \times 30$
 $8 \times 24 \times 42$

164. If the pair of straight lines $xy - x - y + 1 = 0$ and the line $ax + 2y - 3 = 0$ are concurrent, then $a =$

- (1) -1
- (2) 0
- (3) 3
- (4) 1

$x(y-1) - (y-1)$
 $(x-1)(y-1) = 0$
 $x(y-1) - (y-1)$
 $(x-1)(y-1) = 20$

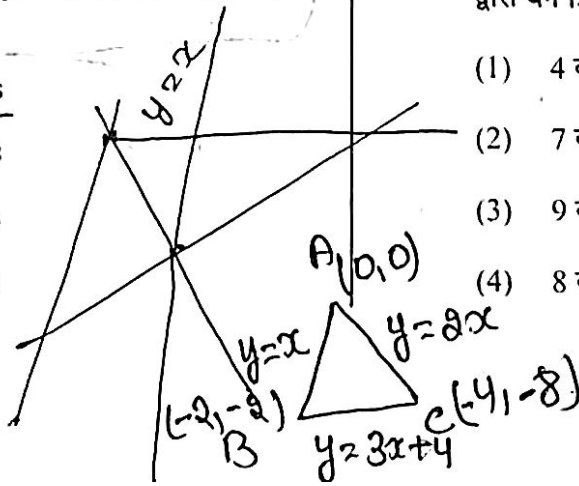
164. यदि सरल रेखाओं का युग्म $xy - x - y + 1 = 0$ तथा रेखा $ax + 2y - 3 = 0$ संगामी हैं, तो a बराबर है

- (1) -1
- (2) 0
- (3) 3
- (4) 1

$-1 + 0$
 $1(-3+2)$
 $-1(0-0)$

165. The area of the triangle formed by the lines $y = x$, $y = 2x$ and $y = 3x + 4$ is

- (1) 4 sq. units
- (2) 7 sq. units
- (3) 9 sq. units
- (4) 8 sq. units



165. रेखाओं $y = x$, $y = 2x$ तथा $y = 3x + 4$ द्वारा बने त्रिभुज का क्षेत्रफल है

- (1) 4 वर्ग इकाई
- (2) 7 वर्ग इकाई
- (3) 9 वर्ग इकाई
- (4) 8 वर्ग इकाई

$1(-3+2) - 1(0-0)$
 $-2(-2) - 1(0-0)$
 $-4(-8) - 1(0-0)$

MATHEMATICS

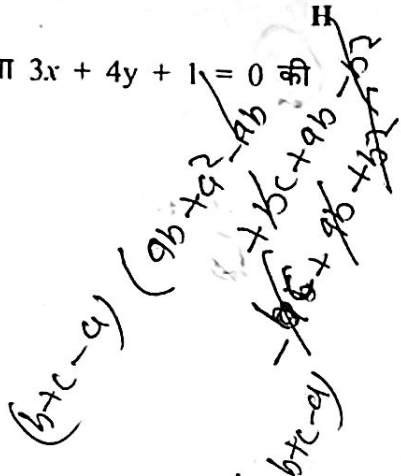
166. The perpendicular distance of the origin from the line $3x + 4y + 1 = 0$ is

- (1) -1
- (2) 1
- (3) $-\frac{1}{5}$
- (4) $\frac{1}{5}$



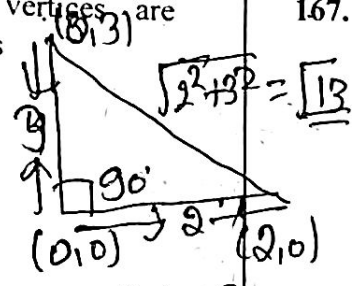
166. मूल बिंदु से रेखा $3x + 4y + 1 = 0$ की लंबवत दूरी है

- (1) -1
- (2) 1
- (3) $\frac{1}{5}$
- (4) $-\frac{1}{5}$



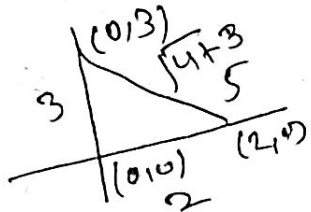
167. The triangle whose vertices are $(0, 0)$, $(2, 0)$ and $(0, 3)$ is

- (1) Equilateral
- (2) Right angled
- (3) Isosceles
- (4) Acute angled



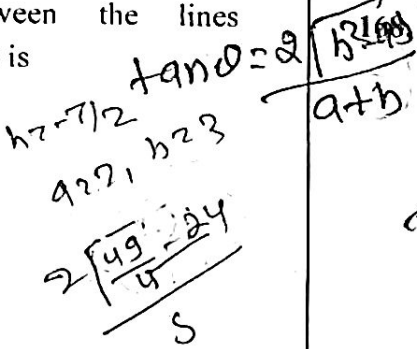
167. त्रिभुज जिसके शीर्ष $(0, 0)$, $(2, 0)$ तथा $(0, 3)$ हैं, है

- (1) समबाहु त्रिभुज
- (2) समकोण त्रिभुज
- (3) समद्विबाहु त्रिभुज
- (4) न्यूनकोण त्रिभुज



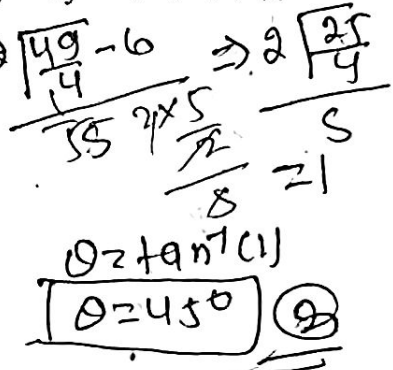
168. The angle between the lines $2x^2 - 7xy + 3y^2 = 0$ is

- (1) 60°
- (2) 45°
- (3) 30°
- (4) $\tan^{-1} \frac{7}{6}$



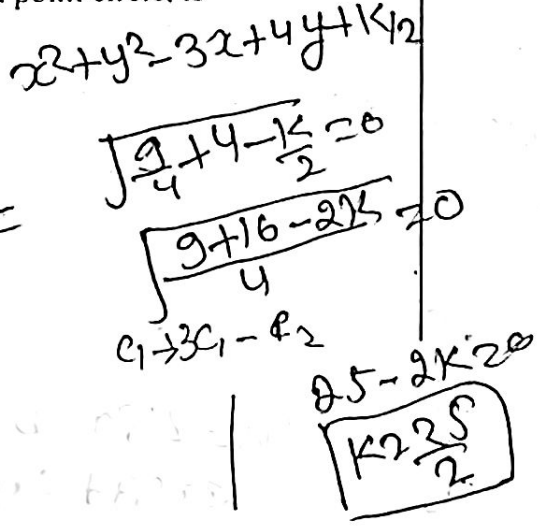
रेखाओं $2x^2 - 7xy + 3y^2 = 0$ के बीच का कोण है

- (1) 60°
- (2) 45°
- (3) 30°
- (4) $\tan^{-1} \frac{7}{6}$



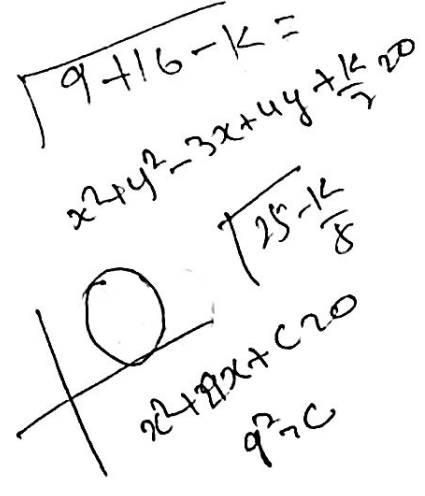
169. The value of k such that the equation $2x^2 + 2y^2 - 6x + 8y + k = 0$ represents a point circle, is

- (1) 0
- (2) 25
- (3) $\frac{25}{2}$
- (4) $-\frac{25}{2}$



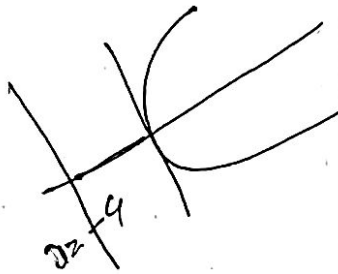
169. k का वह मान, जिसके लिए समीकरण $2x^2 + 2y^2 - 6x + 8y + k = 0$ एक बिंदु वृत्त (point circle) को निरूपित करता है, है

- (1) 0
- (2) 25
- (3) $\frac{25}{2}$
- (4) $-\frac{25}{2}$



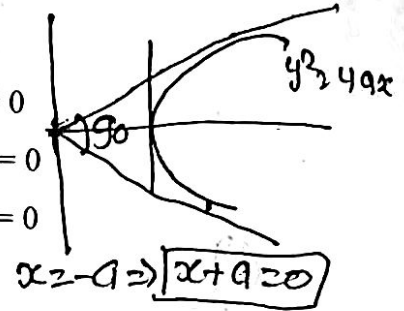
170. The two tangents, perpendicular to each other, to the parabola $y^2 = 4ax$ intersect on the line

- (1) $x = a$
- (2) $x + a = 0$
- (3) $x + 2a = 0$
- (4) $x - 2a = 0$



170. परवलय $y^2 = 4ax$ पर परस्पर लंबवत स्पर्श-रेखाएँ, जिस रेखा पर काटती हैं, वह है

- (1) $x = a$
- (2) $x + a = 0$
- (3) $x + 2a = 0$
- (4) $x - 2a = 0$



171. The length of latus rectum of the ellipse $5x^2 + 9y^2 = 45$ is

- (1) $\frac{10}{3}$
- (2) $\frac{5}{3}$
- (3) $\frac{5\sqrt{5}}{3}$
- (4) $\frac{10\sqrt{5}}{3}$

$\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{5} = 1$

$a^2 = 9, b^2 = 5$ (1) $\frac{10}{3}$

(2) $\frac{5}{3}$

(3) $\frac{5\sqrt{5}}{3}$

(4) $\frac{10\sqrt{5}}{3}$

$\frac{2 \times 9}{15}$

$\frac{18 \sqrt{5}}{5}$

172. The maximum value of $\sin \theta \cdot \cos \theta$ is

- (1) 1
- (2) $\frac{1}{2}$
- (3) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (4) $\sqrt{2}$

$\frac{1}{2} \sin 2\theta$

172. $\sin \theta \cdot \cos \theta$ का अधिकतम मान है,

- (1) 1
- (2) $\frac{1}{2}$
- (3) $\frac{1}{\sqrt{2}}$
- (4) $\sqrt{2}$

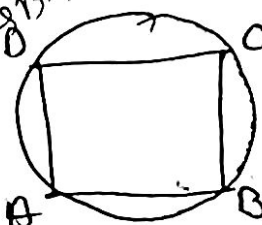
173. For a cyclic quadrilateral ABCD, $\cos B + \cos D$ is equal to

- (1) 1
- (2) -1
- (3) 2
- (4) 0

cyclic quadrilateral

$\angle B + \angle D = 180^\circ$

$\cos B + \cos(180 - B)$



173. एक चक्रीय चतुर्भुज ABCD के लिए $\cos B + \cos D$ बराबर है

- (1) 1
- (2) -1
- (3) 2
- (4) 0



$\angle B = 180 - \angle D$

$\cos B + \cos(180 - B) = \cos B - \cos B = 0$

74. If $3 \sin 2\theta = 2 \sin 3\theta$ and $0 < \theta < \pi$, then value of $\sin 2\theta$ is

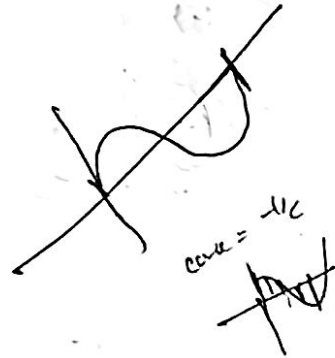
- (1) $\frac{\sqrt{2}}{3}$
- (2) $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$
- (3) $\frac{\sqrt{15}}{4}$
- (4) $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$



$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$
 $= 2 \left(\frac{1}{4} \right) \left(\frac{\sqrt{15}}{4} \right)$
 $= \frac{\sqrt{15}}{8}$

174. यदि $3 \sin 2\theta = 2 \sin 3\theta$ है जबकि $0 < \theta < \pi$ है, तो $\sin 2\theta$ का मान है

- (1) $\frac{\sqrt{2}}{3}$
- (2) $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$
- (3) $\frac{\sqrt{15}}{4}$
- (4) $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{5}}$



175. $\cos^{-1} \left(\frac{1}{2} \right) + 2 \sin^{-1} \left(\frac{1}{2} \right)$ is equal to

- (1) $\frac{\pi}{4}$
- (2) $\frac{\pi}{6}$
- (3) $\frac{\pi}{3}$
- (4) $\frac{2\pi}{3}$

$\cos^{-1} \left(\frac{1}{2} \right) + 2 \sin^{-1} \left(\frac{1}{2} \right)$
 $= \frac{\pi}{3} + 2 \times \frac{\pi}{6}$
 $= \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3}$

175. $\cos^{-1} \left(\frac{1}{2} \right) + 2 \sin^{-1} \left(\frac{1}{2} \right)$ बराबर है

- (1) $\frac{\pi}{4}$
- (2) $\frac{\pi}{6}$
- (3) $\frac{\pi}{3}$
- (4) $\frac{2\pi}{3}$

$\cos^{-1} \left(\frac{1}{2} \right) + 2 \sin^{-1} \left(\frac{1}{2} \right)$
 $= \frac{\pi}{3} + 2 \times \frac{\pi}{6}$
 $= \frac{\pi}{3} + \frac{\pi}{3} = \frac{2\pi}{3}$

176. Let $B = 2 \sin^2 x - \cos 2x$, then

- (1) $-1 \leq B \leq 3$
- (2) $0 \leq B \leq 2$
- (3) $-1 \leq B \leq 1$
- (4) $-2 \leq B \leq 2$

$B = 2 \sin^2 x - \cos 2x$
 $= 2 \sin^2 x - (1 - 2 \sin^2 x)$
 $= 4 \sin^2 x - 1$
 $-1 \leq 4 \sin^2 x - 1 \leq 3$
 $0 \leq 4 \sin^2 x \leq 4$
 $-1 \leq 4 \sin^2 x - 1 \leq 3 \Rightarrow -1 \leq B \leq 3$

176. माना $B = 2 \sin^2 x - \cos 2x$ है, तो

- (1) $-1 \leq B \leq 3$
- (2) $0 \leq B \leq 2$
- (3) $-1 \leq B \leq 1$
- (4) $-2 \leq B \leq 2$

$B = 2 \sin^2 x - \cos 2x$
 $= 2 \sin^2 x - (1 - 2 \sin^2 x)$
 $= 4 \sin^2 x - 1$
 $0 \leq 4 \sin^2 x \leq 4$
 $-1 \leq 4 \sin^2 x - 1 \leq 3$

$-1 \leq B \leq 3$

177. If $\sin^{-1} x = \frac{\pi}{5}$, then $\cos^{-1} x$ equals

(1) $\frac{\pi}{10}$

~~(2) $\frac{3\pi}{10}$~~

(3) $\frac{5\pi}{4}$

(4) $\frac{7\pi}{4}$

$\frac{\pi}{5} - \frac{\pi}{5}$
 $\frac{3\pi}{10} - \frac{3\pi}{10}$
 $\sin x + \cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$
 $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2} - \sin x$
 $\frac{3\pi}{10}$

178. A solution of the equation

$\tan^{-1}(1+x) + \tan^{-1}(1-x) = \frac{\pi}{2}$ is

(1) $x = 1$

(2) $x = -1$

~~(3) $x = 0$~~

(4) $x = \pi$

$\tan^{-1} \left(\frac{1+x}{1-x} \right)$
 $\tan^{-1} \left(\frac{2}{1-x^2} \right)$
 $\frac{2}{x^2} = \infty$

179. $\sin \left[\frac{1}{2} \cot^{-1} \left(-\frac{3}{4} \right) \right]$ is equal to

(1) $\frac{1}{\sqrt{5}}$

(2) $-\frac{2}{\sqrt{5}}$

(3) $\frac{2}{\sqrt{5}}$

(4) $-\frac{1}{\sqrt{5}}$

$\frac{2}{x^2} = \frac{1}{0}$
 $\cot^{-1} = -\frac{3}{4}$
 $\sin \cot^{-1} = \frac{4}{5}$
 $\frac{1}{2} \sin^{-1} \left(-\frac{4}{5} \right)$

177. यदि $\sin^{-1} x = \frac{\pi}{5}$ है, तो $\cos^{-1} x$ बराबर है

(1) $\frac{\pi}{10}$

(2) $\frac{3\pi}{10}$

(3) $\frac{5\pi}{4}$

(4) $\frac{7\pi}{4}$

~~(2) $\frac{3\pi}{10}$~~

178. समीकरण $\tan^{-1}(1+x) + \tan^{-1}(1-x) = \frac{\pi}{2}$

का एक हल है

(1) $x = 1$

(2) $x = -1$

~~(3) $x = 0$~~

(4) $x = \pi$

$\tan^{-1} \left(\frac{1+x}{1-x} \right)$
 $\tan^{-1} \left(\frac{2}{1-x^2} \right)$
 $\frac{2}{x^2} = \infty$

179. $\sin \left[\frac{1}{2} \cot^{-1} \left(-\frac{3}{4} \right) \right]$ बराबर है

(1) $\frac{1}{\sqrt{5}}$

~~(2) $\frac{2}{\sqrt{5}}$~~

(3) $\frac{2}{\sqrt{5}}$

(4) $-\frac{1}{\sqrt{5}}$

$\left(-\frac{2}{3} \right)$
 $\frac{2}{\sqrt{5}}$
 $\frac{2}{\sqrt{5}}$

180. If $y = \sqrt{y + \sin x}$, then $\frac{dy}{dx} =$

- (1) $\frac{\cos x}{y-1}$
- (2) $\frac{\sin y}{x-1}$
- (3) $\frac{\cos x}{2y-1}$
- (4) $\frac{\cos y}{2x-1}$

$y^2 = y + \sin x$
 $(2y-1) \frac{dy}{dx} = \cos x$
 $\frac{dy}{dx} = \frac{\cos x}{2y-1}$

181. If $x = \sin^{-1}(3t - 4t^3)$ and $y = \cos^{-1} \sqrt{1-t^2}$ then $\frac{dy}{dx}$ is equal to

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{2}{5}$
- (3) $\frac{3}{2}$
- (4) $\frac{1}{3}$

$t = \sin \theta$
 $x = \sin^{-1}(3\sin \theta - 4\sin^3 \theta)$
 $x = 3\theta$
 $\frac{dx}{d\theta} = 3$
 $y = \cos^{-1} \sqrt{1-t^2} = \cos^{-1} \cos \theta = \theta$
 $\frac{dy}{d\theta} = 1$
 $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{3}$

182. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2-1}}{2x+1}$ is equal to

- (1) 1
- (2) 0
- (3) -1
- (4) $\frac{1}{2}$

$\frac{\sqrt{x^2-1}}{2x+1} \approx \frac{x}{2x} = \frac{1}{2}$

180. यदि $y = \sqrt{y + \sin x}$ है, तो $\frac{dy}{dx} =$

- (1) $\frac{\cos x}{y-1}$
- (2) $\frac{\sin y}{x-1}$
- (3) $\frac{\cos x}{2y-1}$
- (4) $\frac{\cos y}{2x-1}$

put $t = \sin \theta$

181. यदि $x = \sin^{-1}(3t - 4t^3)$ तथा $y = \cos^{-1} \sqrt{1-t^2}$ है, तो $\frac{dy}{dx}$ बराबर है

- (1) $\frac{1}{2}$
- (2) $\frac{2}{5}$
- (3) $\frac{3}{2}$
- (4) $\frac{1}{3}$

$x = 3\theta$
 $y = \cos^{-1} \cos \theta = \theta$
 $\frac{dx}{d\theta} = 3$
 $\frac{dy}{d\theta} = 1$
 $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{3}$

182. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2-1}}{2x+1}$ बराबर है

- (1) 1
- (2) 0
- (3) -1
- (4) $\frac{1}{2}$

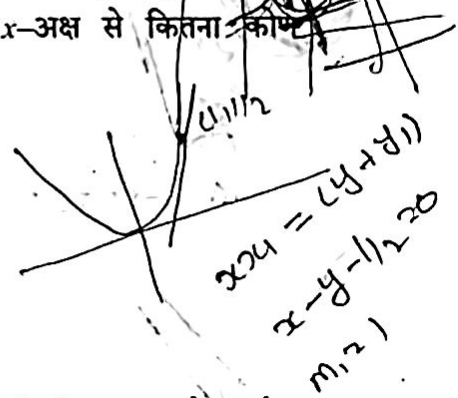
187. What angle the tangent to the parabola $x^2 = 2y$ at the point $(1, \frac{1}{2})$ makes with x -axis?

- (1) 0°
- (2) 45°
- (3) 30°
- (4) 60°

$x^2 = 2y$
 $\frac{dy}{dx} = x$
 tan $\theta = x$
 $\theta = \tan^{-1}(x)$

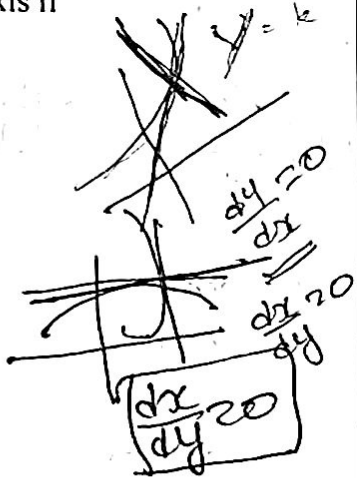
187. परवलय $x^2 = 2y$ के बिंदु $(1, \frac{1}{2})$ पर खींची गई स्पर्श-रेखा, x -अक्ष से कितना कोण बनाती है ?

- (1) 0°
- (2) 45°
- (3) 30°
- (4) 60°



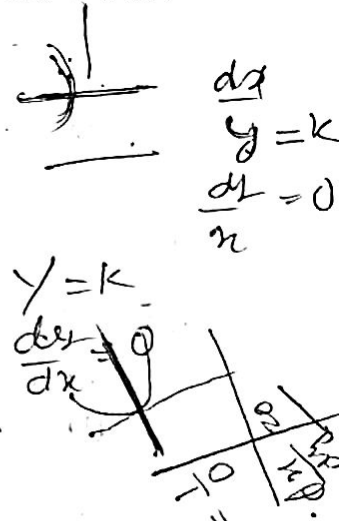
188. The normal to a given curve is parallel to x -axis if

- (1) $\frac{dy}{dx} = 0$
- (2) $\frac{dy}{dx} = 1$
- (3) $\frac{dx}{dy} = 1$
- (4) $\frac{dx}{dy} = 0$



188. दिए गए वक्र का अभिलंब, x -अक्ष के समांतर होगा, यदि

- (1) $\frac{dy}{dx} = 0$ है।
- (2) $\frac{dy}{dx} = 1$ है।
- (3) $\frac{dx}{dy} = 1$ है।
- (4) $\frac{dx}{dy} = 0$ है।



189. The largest interval for which $x^{12} - x^9 + x^4 - x + 1 > 0$, is

- (1) $-4 < x \leq 0$
- (2) $0 < x < 1$
- (3) $-100 < x < 100$
- (4) $-\infty < x < \infty$

$x^9(x^3-1) + x^4(x-1) + 1 > 0$
 $x^9(x^3-1) + x^4(x-1) + 1 > 0$
 put $t = x^3$
 $x^9 = t^3$
 $x^4 = t^{4/3}$
 $x = t^{1/3}$
 $\int \frac{dx}{e^x-1}$

189. वह बड़े से बड़ा अंतराल, जिसके लिए $x^{12} - x^9 + x^4 - x + 1 > 0$ है, है

- (1) $-4 < x \leq 0$
- (2) $0 < x < 1$
- (3) $-100 < x < 100$
- (4) $-\infty < x < \infty$



190. $\int \frac{dx}{e^x-1}$ is

- (1) $\log|e^x - 1| + c$
- (2) $\log|1 + e^x| + c$
- (3) $\log|1 - e^{-x}| + c$
- (4) $-\log|1 - e^{-x}| + c$

$\int \frac{e^{-x}}{1-e^{-x}}$
 put $t = 1 - e^{-x}$
 $\frac{dt}{dx} = e^{-x}$
 $\int \frac{dt}{t} = \log|t| + c = \log|1 - e^{-x}| + c$

190. $\int \frac{dx}{e^x-1}$ बराबर है

- (1) $\log|e^x - 1| + c$
- (2) $\log|1 + e^x| + c$
- (3) $\log|1 - e^{-x}| + c$
- (4) $-\log|1 - e^{-x}| + c$

$\int \frac{dt}{t(t+1)}$
 $\log t - \log(t+1)$
 $\log\left(\frac{t}{t+1}\right)$
 $\log\left(\frac{e^x-1}{e^x}\right)$

~~Q.1~~ 26/10

1-232t
-322 dx dx

Q1. $\int \frac{dx}{x\sqrt{1-x^3}}$ is equal to

- (1) $\frac{1}{3} \log \left(\frac{\sqrt{1-x^3}-1}{\sqrt{1-x^3}+1} \right) + c$
- (2) $\frac{1}{3} \log \left(\frac{\sqrt{1-x^3}-3}{\sqrt{1-x^3}+3} \right) + c$
- (3) $\frac{2}{3} \log \left(\frac{1}{\sqrt{1-x^3}} \right) + c$
- (4) $\frac{1}{3} \log \left(\frac{1}{\sqrt{1-x^3}} \right) + c$

191. $\int \frac{dx}{x\sqrt{1-x^3}}$ बराबर है

- (1) $\frac{1}{3} \log \left(\frac{\sqrt{1-x^3}-1}{\sqrt{1-x^3}+1} \right) + c$
- (2) $\frac{1}{3} \log \left(\frac{\sqrt{1-x^3}-3}{\sqrt{1-x^3}+3} \right) + c$
- (3) $\frac{2}{3} \log \left(\frac{1}{\sqrt{1-x^3}} \right) + c$
- (4) $\frac{1}{3} \log \left(\frac{1}{\sqrt{1-x^3}} \right) + c$

192. $\int_2^3 \frac{dx}{x^2-x}$ is equal to

- (1) $\log \left(\frac{2}{3} \right)$
- (2) $\log \left(\frac{1}{4} \right)$
- (3) $\log \left(\frac{4}{3} \right)$
- (4) $\log \left(\frac{8}{3} \right)$

$\frac{dx}{x(x-1)} \Rightarrow \log \left(\frac{x-1}{x} \right)^3 \Rightarrow \log \frac{2}{3} - \log \frac{1}{2}$
 $-\log 2 + \log 1 + 2 \log 2$
 $\log \left(\frac{x-1}{x} \right)^3$
 $2 \log \left(\frac{3-1}{3} \right) - 2 \log \left(\frac{2-1}{2} \right)$
 $2 \log \frac{2}{3} - 2 \log \frac{1}{2}$
 $2 \log 2 - 2 \log 3 - 2 \log 1 + 2 \log 2$

192. $\int_2^3 \frac{dx}{x^2-x}$ बराबर है

- (1) $\log \left(\frac{2}{3} \right)$
- (2) $\log \left(\frac{1}{4} \right)$
- (3) $\log \left(\frac{4}{3} \right)$
- (4) $\log \left(\frac{8}{3} \right)$

$\log 2 + \log 3 - \log 1 + 2 \log 2$
 $2 \log \frac{2}{3} - 2 \log \frac{1}{2}$
 $2 \log \frac{2}{3} - 2 \log \frac{1}{2}$
 $2 \log \frac{4}{3}$

193. If $\int e^x [f(x) + f'(x)] dx = e^x \sin x + c$ then $f(x)$ is equal to

- (1) $\cos x$
- (2) $\sin x$
- (3) $e^x \cos x$
- (4) $e^x \sin x$

$-\frac{2}{3} \left[\frac{1}{2} \log(1-t) \right]$
 $-\frac{2}{3} \left[\frac{1}{2} \log(1-t) \right]$

193. यदि $\int e^x [f(x) + f'(x)] dx = e^x \sin x + c$ है, तो $f(x)$ बराबर है

- (1) $\cos x$
- (3) $e^x \cos x$
- (4) $e^x \sin x$

$-\frac{1}{3} \left[\log \left(\frac{1-t}{1+t} \right) \right]$
 $-\frac{1}{2} \log \left(\frac{1+t}{1-t} \right)$
 $2 \log \left(\frac{1+t}{1-t} \right)$

MATHEMATICS

194. The solution of the differential equation $2x \frac{dy}{dx} - y = 3$ represents

- (1) a straight line
- (2) circles
- (3) parabola
- (4) ellipse

Handwritten notes for Q194:
 $\frac{dy}{dx} - \frac{y}{2x} = \frac{3}{2x}$
 $\frac{dy}{dx} - \frac{y}{2x} = \frac{3}{2x}$
 $\frac{dy}{dx} - \frac{y}{2x} = \frac{3}{2x}$
 $\frac{dy}{dx} - \frac{y}{2x} = \frac{3}{2x}$

195. Differential equation, for $y = A \cos \alpha x + B \sin \alpha x$, where A and B are arbitrary constants, is

- (1) $\frac{d^2y}{dx^2} - \alpha^2 y = 0$
- (2) $\frac{d^2y}{dx^2} + \alpha^2 y = 0$
- (3) $\frac{d^2y}{dx^2} + \alpha y = 0$
- (4) $\frac{d^2y}{dx^2} - \alpha y = 0$

196. Area bounded by parabola $y^2 = x$ and straight line $2y = x$ is

- (1) $\frac{4}{3}$ sq. units
- (2) 1 sq. units
- (3) $\frac{2}{3}$ sq. units
- (4) $\frac{1}{3}$ sq. units

Handwritten notes for Q196:
 $y^2 = x$
 $y = \frac{1}{2}x$
 $\frac{8 \cdot 92}{3} m^3$
 $\frac{8}{3} \times \frac{1}{16}$
 $\frac{4}{3} \cdot 894$

(51) $2x \frac{dy}{dx} = y + 3 \Rightarrow \frac{dy}{y+3} = \frac{dx}{2x}$

194. अवकल समीकरण $2x \frac{dy}{dx} - y = 3$ का हल

निरूपित करता है

- (1) एक सरल रेखा
- (2) वृत्त
- (3) परवलय
- (4) दीर्घवृत्त

Handwritten notes for Q194:
 $\log y + 3 = \log x^2 + C$
 $\frac{y}{x^2} = C(y+3)$
 $\frac{y}{x^2} = \frac{y}{x^2} + C$
 $\frac{y}{x^2} = \frac{y}{x^2} + C$

195. $y = A \cos \alpha x + B \sin \alpha x$, जहाँ A तथा B स्वेच्छ अचर हैं, का अवकल समीकरण है

- (1) $\frac{d^2y}{dx^2} - \alpha^2 y = 0$
- ~~(2) $\frac{d^2y}{dx^2} + \alpha^2 y = 0$~~
- (3) $\frac{d^2y}{dx^2} + \alpha y = 0$
- (4) $\frac{d^2y}{dx^2} - \alpha y = 0$

Handwritten notes for Q195:
 $2d$
 $2x \frac{dy}{dx} = (y+3) dx$
 $\frac{dy}{y+3} = \frac{dx}{2x}$
 $\log(y+3) = \frac{1}{2} \log x + C$
 $\frac{y+3}{x^2} = C$

196. परवलय $y^2 = x$ तथा सरल रेखा $2y = x$ द्वारा परिबद्ध क्षेत्र का क्षेत्रफल है

- (1) $\frac{4}{3}$ वर्ग इकाई
- (2) 1 वर्ग इकाई
- ~~(3) $\frac{2}{3}$ वर्ग इकाई~~
- (4) $\frac{1}{3}$ वर्ग इकाई

Handwritten notes for Q196:
 $= \frac{4 \times 1}{3}$
 $x = y$
 $\frac{8 \cdot 92}{3} m^3$
 $\frac{4}{3} \times \frac{1}{16}$
 $n = 1/2$
 $\frac{4}{3}$
 $4a = \frac{1}{2}$
 $a = \frac{1}{8}$
 $4a = 1$
 $a = \frac{1}{4}$

H $y^{1/3+1} = \frac{dy}{y^{1/3}} = \frac{dx}{x^{1/3}}$ (52)

197. The solution of $\frac{dy}{dx} = \left(\frac{y}{x}\right)^{1/3}$ is

- (1) $x^{2/3} + y^{2/3} = C$
- (2) $x^{1/3} + y^{1/3} = C$
- (3) $y^{2/3} - x^{2/3} = C$
- (4) $y^{1/3} - x^{1/3} = C$

$\frac{dy}{y^{1/3}} = \frac{dx}{x^{1/3}}$
 $y^{-1/3+1} = \frac{y^{2/3+1}}{3+1}$

198. The integrating factor of $\frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^3 - 3$ is

- (1) $-x$
- (2) $\log x$
- (3) x
- (4) e^x

$e^{\log x} = x$

197. $\frac{dy}{dx} = \left(\frac{y}{x}\right)^{1/3}$ का हल है

- (1) $x^{2/3} + y^{2/3} = C$
- (2) $x^{1/3} + y^{1/3} = C$
- (3) $y^{2/3} - x^{2/3} = C$
- (4) $y^{1/3} - x^{1/3} = C$

198. $\frac{dy}{dx} + \frac{y}{x} = x^3 - 3$ का समाकल गुणक है

- (1) $-x$
- (2) $\log x$
- (3) x
- (4) e^x

199. If the vectors $\hat{i} + 3\hat{j} - 2\hat{k}$, $2\hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$ and $3\hat{i} + 2\hat{j} + x\hat{k}$ are coplanar, then the value of x is

- (1) 1
- (2) 3
- (3) -2
- (4) 2

$\begin{vmatrix} 1 & 3 & -2 \\ 2 & -1 & 4 \\ 3 & 2 & x \end{vmatrix}$

199. यदि सदिश $\hat{i} + 3\hat{j} - 2\hat{k}$, $2\hat{i} - \hat{j} + 4\hat{k}$ तथा $3\hat{i} + 2\hat{j} + x\hat{k}$ सहतलीय हैं, तो x का मान है

- (1) 1
- (2) 3
- (3) -2
- (4) 2

$1(-x-8) - 3(2x-12) - 7(4+3) - x - 8 - 6x + 36 = 0$

200. Given that \vec{a} and \vec{b} are unit vectors. If the vectors $\vec{p} = 3\vec{a} - 5\vec{b}$ and $\vec{q} = \vec{a} + \vec{b}$ are mutually perpendicular, then

- (1) \vec{a} and \vec{b} are also mutually perpendicular.
- (2) \vec{a} , \vec{b} have opposite directions.
- (3) \vec{a} and \vec{b} make an angle of $\frac{\pi}{3}$.
- (4) \vec{a} and \vec{b} make an angle of $\frac{\pi}{4}$.

200. दिया है कि \vec{a} तथा \vec{b} एकक सदिश हैं। यदि $\vec{p} = 3\vec{a} - 5\vec{b}$ तथा $\vec{q} = \vec{a} + \vec{b}$ परस्पर लंबवत सदिश हैं, तो

- (1) \vec{a} तथा \vec{b} भी परस्पर लंबवत हैं।
- (2) \vec{a} , \vec{b} विपरीत (opposite) दिशाओं में हैं।
- (3) \vec{a} तथा \vec{b} में $\frac{\pi}{3}$ का कोण है।
- (4) \vec{a} तथा \vec{b} में $\frac{\pi}{4}$ का कोण है।

$3a^2 - 5ab + 3ab = 0$
 $3a^2 - 2ab = 0$
 $3a = 2b$
 $\frac{a}{b} = \frac{2}{3}$
 $\cos \theta = \frac{2}{3}$
 $\theta = \cos^{-1} \frac{2}{3}$